

التناظر و التعيين

1

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي .

أكمل بما يناسب :

- نقطتان متناظرتان بالنسبة إلى محور الفواصل لهما
- نقطتان متناظرتان بالنسبة إلى محور الترتيبات لهما
- نقطتان متناظرتان بالنسبة إلى O لهما

2

ليكن (O, I, J) معينا متعامدا في المستوي

من بين هذه النقاط : $A(-3; -1)$ ؛ $B(-3; 1)$ ؛ $C(3; -1)$ ؛ $D(3; 1)$

- أذكر النقاط المتناظرة بالنسبة إلى المستقيم (OI)
- أذكر النقاط المتناظرة بالنسبة إلى المستقيم (OJ)
- أذكر النقاط المتناظرة بالنسبة إلى النقطة O

3

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي

أكمل بما يناسب :

- النقطتان $A(-3; 2)$ و $B(3; 2)$ متناظرتان بالنسبة إلى
- النقطتان $C(-1; 4)$ و $D(-1; -4)$ متناظرتان بالنسبة إلى
- النقطتان $E(-6; 5)$ و $F(6; -5)$ متناظرتان بالنسبة إلى
- النقطتان $G(.....;)$ و $H(2; 4)$ متناظرتان بالنسبة إلى (OI)
- النقطتان $K(-3;)$ و $L(.....; 2)$ متناظرتان بالنسبة إلى (OJ)
- النقطتان $M(-5;)$ و $N(.....; 5)$ متناظرتان بالنسبة إلى O
- النقطتان $R(.....;)$ و $S(7;)$ متناظرتان بالنسبة إلى (OJ)

4
7
2-3

ليكن $(O; I; J)$ معينًا متعامداً في المستوي .

أكمل بما يناسب :

- النقطتان $A(2; |-3|)$ و $B(|-2|; -3)$ متناظرتان بالنسبة إلى
- النقطتان $C(|5|; |-1|)$ و $D(-5; 1)$ متناظرتان بالنسبة إلى
- النقطتان $E(|-4|; |3|)$ و $F(|4|; |-3|)$ متناظرتان بالنسبة إلى

5
6

ليكن $(O; I; J)$ معينًا متعامداً في المستوي

أكمل الجدول التالي :

النقطة	مناظرتها بالنسبة إلى O	مناظرتها بالنسبة إلى (OI)	مناظرتها بالنسبة إلى (OJ)
O	... (.....;.....)	... (.....;.....)	... (.....;.....)
I	... (.....;.....)	... (.....;.....)	... (.....;.....)
J	... (.....;.....)	... (.....;.....)	... (.....;.....)

6
7
3

ليكن (O, I, J) معينًا متعامداً في المستوي .

نعتبر النقاط $A(6; -2)$ ؛ $B(0; -3)$ ؛ $C(-6; -2)$ ؛ $D(3; 2)$ ؛ $E(0; 3)$ ؛ $F(5; 0)$ ؛ $G(-5; 0)$. أكمّل الجدول التالي :

النقاط المتناظرة بالنسبة إلى (OI)	النقاط المتناظرة بالنسبة إلى (OJ)	النقاط المتناظرة بالنسبة إلى O

7
10
2-4

ليكن $(O; I; J)$ معينًا متعامداً في المستوي و النقاط $A(-3; 2)$ و $B(2; 1)$ و $C(3; -2)$ و $D(-2; -1)$

ما هي طبيعة الرباعي $ABCD$ ؟ علّل جوابك

8
15

ليكن $(O; I; J)$ معينًا متعامداً في المستوي و النقاط $A(-3; 2)$ و $B(3; 2)$ و $C(3; -2)$ و $D(-3; -2)$

بيّن أنّ الرباعي $ABCD$ مستطيل

9

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي12
4-6

أكمل الجدول التالي :

النقطة	مناظرتها بالنسبة إلى O	مناظرتها بالنسبة إلى (OI)	مناظرتها بالنسبة إلى (OJ)
$A_1(2; -1)$	$A_2(\dots; \dots)$	$A_3(\dots; \dots)$	$A_4(\dots; \dots)$
$B_1(\dots; \dots)$	$B_2(5; -3)$	$B_3(\dots; \dots)$	$B_4(\dots; \dots)$
$C_1(\dots; \dots)$	$C_2(\dots; \dots)$	$C_3(-1; -2)$	$C_4(\dots; \dots)$
$D_1(\dots; \dots)$	$D_2(\dots; \dots)$	$D_3(\dots; \dots)$	$D_4(0; -4)$

10

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي و النقاط :

16

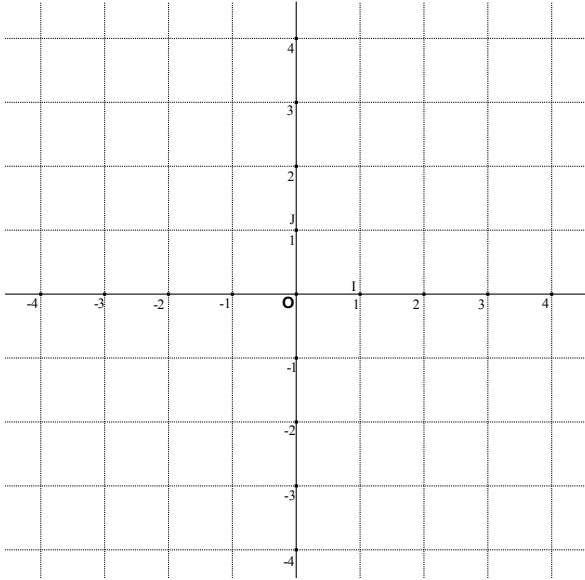
$D(-2; -3)$	$C(1; 4)$	$B(-2; 3)$	$A(1; -4)$
$H(-1; -4)$	$G(2; -3)$	$F(-1; 4)$	$E(2; 3)$

أكمل الجدول التالي :

الشكل	مناظره بالنسبة إلى O	مناظره بالنسبة إلى (OI)	مناظره بالنسبة إلى (OJ)
$\hat{C}\hat{F}\hat{G}$			
(BH)			
		$[EC)$	
			$\hat{G}\hat{F}\hat{C}$
	$\hat{A}\hat{H}\hat{F}$		



في الرسم التالي $(O; I; J)$ معيّن متعامد في المستوي



(1) عيّن النقاط $A(3; -2)$ ؛ $B(-5; -4)$ و $C(-3; 2)$

(2) بيّن أنّ O منتصف $[AC]$

(3) أ- ابن النقطة D مناظرة B بالنسبة إلى O ثم حدّد إحداثياتها

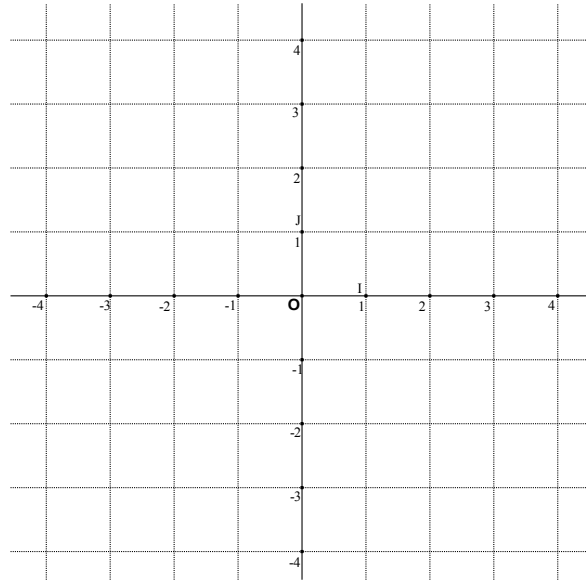
ب- بيّن أنّ $AB = CD$

ج- بيّن أنّ $\hat{BAC} = \hat{DCA}$

(4) لتكن $E(-3; -2)$. بيّن أنّ $(EC) \perp (OI)$



لاحظ الرسم التالي حيث $(O; I; J)$ معيّن متعامد في المستوي



(1) عيّن النقطتين $A(3; 2)$ و $C(-2; 0)$.

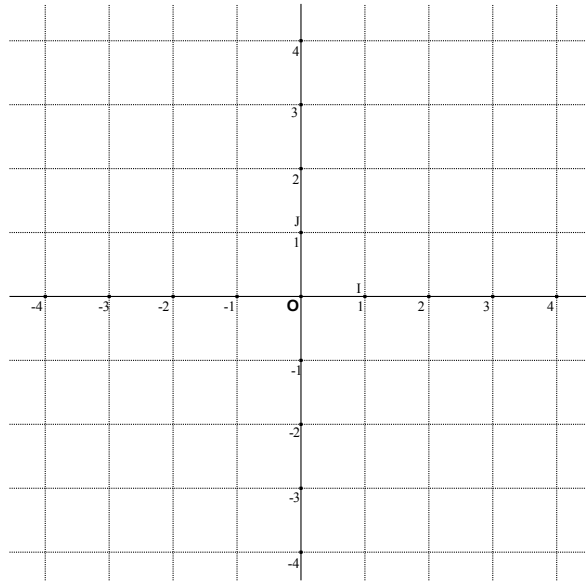
(2) لتكن النقطة B مناظرة A بالنسبة إلى (OI) . حدّد إحداثيات B ثمّ عيّنّها .

(3) بيّن أنّ المثلث ABC متقايس الضلعين .

13

15
6-8

ليكن $(O; I; J)$ معينًا متعامدا في المستوي حيث $OI = OJ = 1$.



(1)

أ- عيّن النقطتين $A(3; 2)$ و $B(3; -2)$.

ب- بيّن أنّ النقطتين A و B متناظرتان بالنسبة إلى (OI) .

ج- استنتج أنّ المثلث IAB متقايس الضلعين.

(2) حدّد إحداثيات النقطة C منازرة B بالنسبة إلى (OJ) ثمّ عيّنّها.

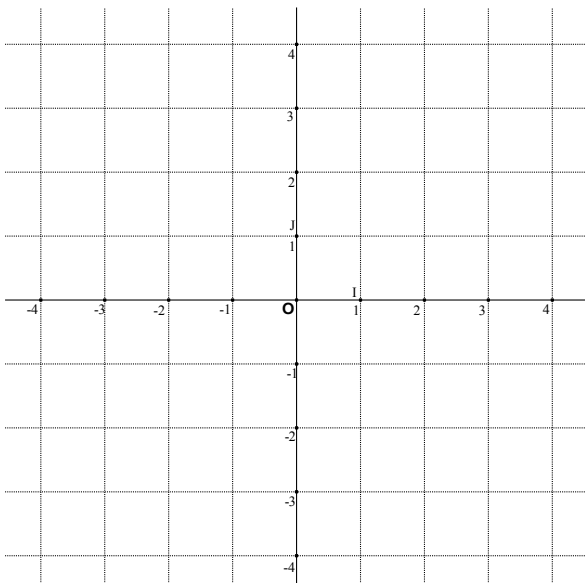
(3) أثبت أنّ O منتصف $[AC]$.

(4) بيّن أنّ O هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

14

18
6-8

في الرسم التالي $(O; I; J)$ معين متعامد في المستوي



(1) عيّن النقاط $E(-2; 3)$ ؛ $H(4; 3)$ و $G(2; -3)$

(2) بيّن أنّ النقطتين E و G متناظرتان بالنسبة إلى O

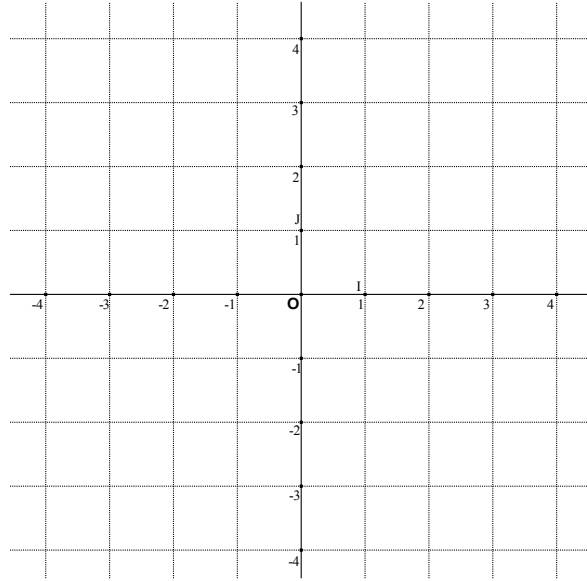
(3) حدّد إحداثيات النقطة F منازرة H بالنسبة إلى O ثمّ عيّنّها

(4) بيّن أنّ الرباعي $EFGH$ متوازي الأضلاع

(5) عيّن $A(4; -3)$ بيّن أنّ $(AH) \parallel (OJ)$

(6) ما هي طبيعة المثلث FHA ؟ علّل جوابك

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي .



(1) عيّن النقاط $A(4;0)$ ؛ $B(-4;0)$ ؛ $C(3;-2)$ و $D(-3;2)$

(2) المستقيم المار من C و العمودي على (OI) يقطع المستقيم المار من D و العمودي على (OJ) في نقطة E

حدّد إحداثيات النقطة E

(3) بيّن أنّ O هي منتصف $[AB]$

(4)

أ- بيّن أنّ النقطتين E و C متناظرتان بالنسبة إلى (OI)

ب- استنتج أنّ $AE = AC$

(5) ابن النقطة F منازرة E بالنسبة إلى O ثم حدّد إحداثياتها

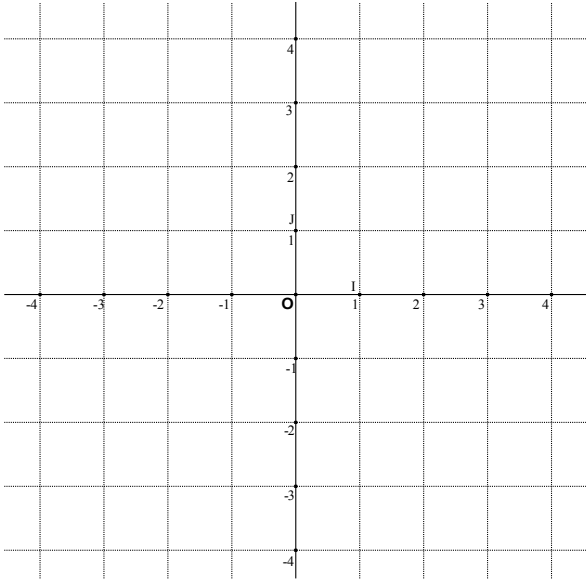
(6) بيّن أنّ $(BF) // (AE)$

(7) بيّن أنّ $\hat{BDF} = \hat{AEC}$

(8)

أ- بيّن أنّ $(FC) // (OI)$

ب- بيّن أنّ $\hat{ABC} = \hat{BCF}$



ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا في المستوي حيث $(OI) \perp (OJ)$

(1) عيّن النقاط $A(3; 4)$ ؛ $B(-3; 2)$ و $C(-3; -4)$

(2) بيّن أنّ C و A متناظرتان بالنسبة إلى O

(3) عيّن النقطة D منازرة B بالنسبة إلى O محدّدًا إحداثياتها

(4) أ- عيّن النقطة E منازرة B بالنسبة إلى (OI) محدّدًا إحداثياتها

ب- ما هي طبيعة المثلث OBE ؟ علّل جوابك

ج- بيّن أنّ $(DE) \perp (OJ)$.

د- بيّن أنّ المثلث EBD قائم الزاوية

(5) ما هي منازرة BAC بالنسبة إلى O



ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامدا في المستوي

(1)

أ- عيّن النقاط $A(3; 4)$ ؛ $B(-3; 2)$ و $C(-3; -4)$

ب- بيّن أنّ C و A متناظرتان بالنسبة إلى O

(2)

أ- ابن النقطة D منازرة B بالنسبة إلى O . حدّد إحداثيات D

ب- بيّن أنّ $(AD) \parallel (BC)$

(3)

أ- عيّن النقطة E منازرة D بالنسبة إلى (OI) محدّدًا إحداثياتها

ب- بيّن أنّ $(BE) \parallel (OI)$

ج- استنتج أنّ BED مثلث قائم في E

(4)

أ- لتكن النقطة F المسقط العمودي لـ B على (OI) . حدّد إحداثيات F من خلال الرسم

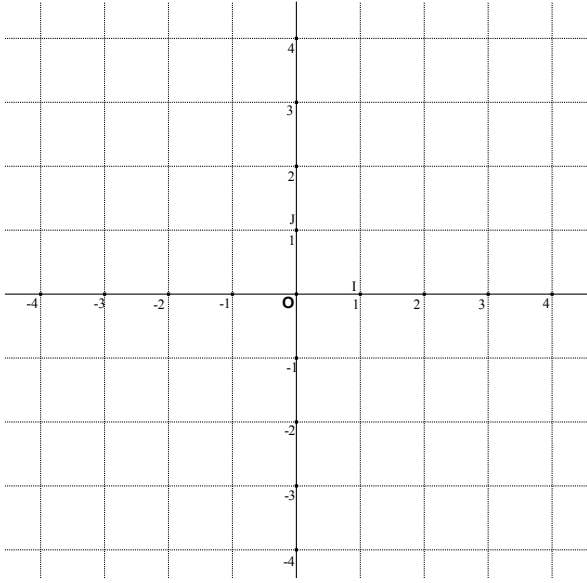
ب- المستقيم (OI) يقطع (AD) في النقطة H . بيّن أنّ $BEHF$ مستطيل

18



22

8-10

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامدا في المستوي

(1)

أ- عيّن النقطتين $A(-4; 2)$ و $M(0; 3)$ ب- ابن النقطة B مناظرة A بالنسبة إلى (OJ) ج- حدّد إحداثيات النقطة B (2) بيّن أنّ ABM مثلث متقايس الضلعين

(3)

أ- ابن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى (OI) ب- حدّد إحداثيات النقطة C ج- بيّن أنّ O منتصف $[AC]$

(4)

أ- بيّن أنّ $(BC) // (OJ)$ ب- استنتج أنّ ABC مثلث قائم

(5)

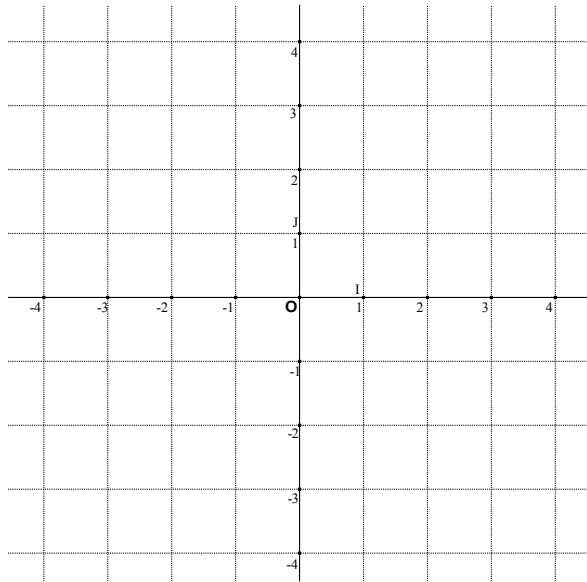
أ- ابن النقطة N مناظرة M بالنسبة إلى O ب- بيّن أنّ $CN = BM$

19



20

8-10

ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا متعامدا في المستوي

(1)

أ- عيّن النقطتين $A(3; 2)$ و $B(3; -2)$ ب- بيّن أنّ A و B متناظرتان بالنسبة إلى (OI)

(2)

أ- ابن النقطة C مناظرة B بالنسبة إلى (OJ) ب- حدّد إحداثيات النقطة C (3) بيّن أنّ O منتصف $[AC]$

(4)

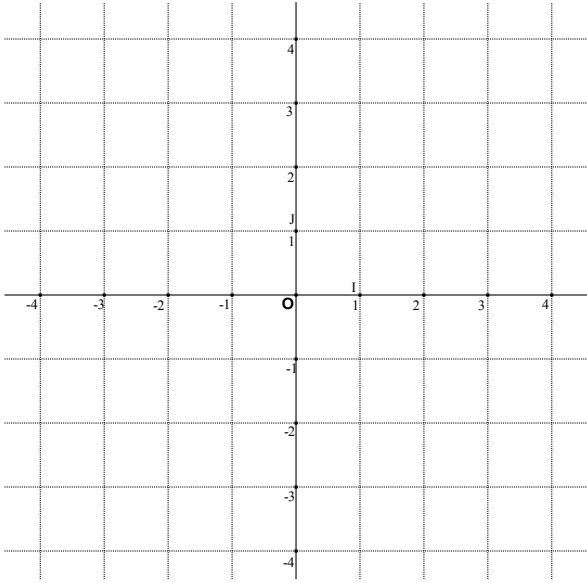
أ- عيّن النقطة $D(-1; 0)$ ب- بيّن أنّ $A\hat{O}I = C\hat{O}D$

(5)

أ- ارسم الدائرة γ التي مركزها A و المارة من O ب- ابن الدائرة γ' مناظرة الدائرة γ بالنسبة إلى O



ليكن $(O; I; J)$ معيّنًا في المستوي حيث $(OI) \perp (OJ)$



(1) عيّن النقاط $A(2;3)$ ؛ $B(-4;1)$ و $C(-4;-1)$

(2) بيّن أنّ B و C متناظرتان بالنسبة إلى (OI)

(3) ابن النقطة K منتصف $[AB]$ ثم حدّد إحداثياتها من خلال الرسم

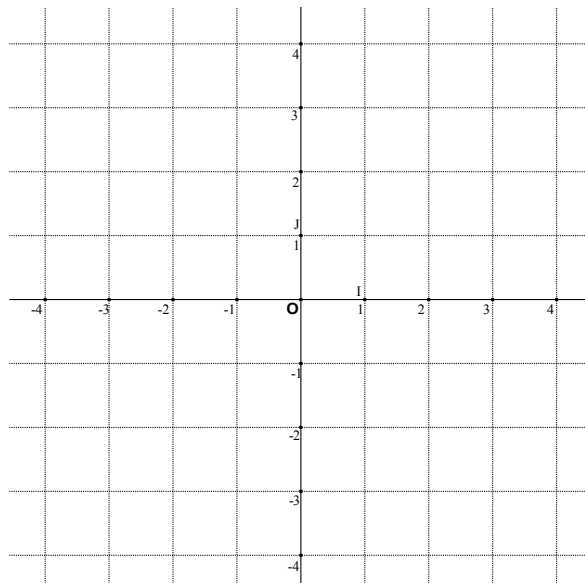
(4) لتكن D منازرة B بالنسبة إلى O . حدّد إحداثيات D

(5) لتكن $E(-2;-3)$. بيّن أنّ A و E متناظرتان بالنسبة إلى O

(6) لتكن $L(1;-2)$. أثبت أنّ L منتصف $[DE]$



يمثل الرسم التالي معينا $(O; I; J)$ متعامدا في المستوي .



- (1) أ- عيّن النقاط $A(3;2)$ و $B(-2;1)$ و $C(-3;-2)$
 ب- ابن النقطة D مناظرة B بالنسبة إلى O
 (2) حدّد إحداثيات كلّ من O و I و D في المعين $(O;I;J)$
 (3) بيّن أنّ $OA = OC$
 (4) حدّد ، معللاً جوابك ، طبيعة الرباعي $ABCD$
 (5) المستقيمان (AD) و (BC) يقطعان المستقيم (OI) ، على التوالي، في نقطتين E و F
 أ- ما هي مناظرة الزاوية \widehat{OEA} بالنسبة إلى O ؟
 ب- استنتج أنّ الزاويتين \widehat{OEA} و \widehat{OFB} متكاملتان

22



- ليكن $(O;I;J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي و النقاط : $A(11;16)$ ؛ $B(0;-9)$ و $C(-11;16)$
 ما هي طبيعة المثلث ABC ؟ علّل جوابك.

23



- ليكن $(O;I;J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي و النقاط : $E(7;-10)$ ؛ $F(-7;-10)$ و $G(7;10)$
 ما هي طبيعة المثلث EFG ؟ علّل جوابك

24



- ليكن $(O;I;J)$ معيّنًا متعامداً في المستوي و النقطتان $A(-6;4)$ و $B(6;4)$
 (1) بيّن أنّ المثلث OBA متقايس الضلعين
 (2) لتكن C مناظرة B بالنسبة إلى (OI)
 بيّن أنّ المثلث ABC قائم الزاوية في B
 (3) لتكن $D(-6;-4)$. بيّن أنّ الرباعي $ABCD$ مستطيل